

## Das Duell der Zauberer

In Hogwarts findet jedes Jahr ein Wettkampf zwischen den verschiedenen Häusern statt, in dem jeweils ein Zauberer und eine Zaubererin aus einem Haus sich in Einzelduellen messen mit jeweils 2 Kandidaten aus den anderen drei Häusern. Diesmal sind auch je vier Häuser aus Durmstrang und aus Beauxbatons dabei, so dass insgesamt 12 Paare beteiligt sind.

Welche Duelle ausgefochten werden, entscheidet der sprechende Hut.

Natürlich fechten die Teilnehmer eines Hauses nicht gegeneinander, und jede Paarung kämpft höchstens einmal gegeneinander.

Gryffindor hat Harry und Hermione als Kandidaten berufen. Im Verlauf der Kämpfe verliert Hermione ein Duell und dabei ihr Gedächtnis, so dass sie sich nicht erinnern kann, wie viele Duelle sie ausgefochten hat.

Benommen fragt sie Harry, wie viele Duelle sie selbst ausgeführt hat. Harry antwortet mit einem Rätsel:

"Alle Teilnehmer an den Duellen (ohne Hermione) haben jeweils eine verschiedene Anzahl von Duellen ausgefochten."

Wie viele Duelle hat daher Hermione ausgefochten? Wie oft hat Harry gekämpft?

Wie viele Duelle wurden insgesamt ausgeführt?

Begründung!